

Épreuve d'économétrie II

L3 Économétrie & L3 MASS – Prof. P. Polomé - Université Lyon 2

!! Ceci n'est qu'un échantillon de questions à titre d'exemple – les sujets réels sont plus longs !!

Rendez le sujet dans la double page en reportant un identifiant.

Cochez les réponses correctes (0, 1 ou plusieurs réponses correctes).

Électronique (calculatrice, téléphone, dictionnaire...) interdite. Pas de points négatifs ; les questions ont toutes la même pondération. Vous pouvez ajouter des commentaires à côté de la question pour justifier votre réponse.

1. Soit le modèle théorique $y_t = \beta_0 + \beta_1 x_{1t} + \epsilon_t$ avec $\text{correlation}(x_{1t}, \epsilon_t) > 0$

(a) Ce modèle peut résulter d'un régresseur x_2 manquant

- | | |
|--|--|
| i. <input type="checkbox"/> Si x_2 présente de l'autocorrélation | iv. <input type="checkbox"/> Dans certains cas, mais pas dans ceux présentés |
| ii. <input type="checkbox"/> Si x_2 est corrélé avec y | v. <input type="checkbox"/> Si on applique MCO (ou MCG) au lieu de VI |
| iii. <input type="checkbox"/> Si x_2 est corrélé avec x_1 | vi. <input type="checkbox"/> Si x_1 et x_2 présentent tout deux une tendance |

(b) La corrélation entre l'erreur et le régresseur est telle que

- i. À des valeurs élevées de x correspondent des valeurs de y au-dessus de la droite $\beta_0 + \beta_1 x$
- ii. À des valeurs élevées de x correspondent des valeurs de y en-dessous de la droite $\beta_0 + \beta_1 x$
- iii. Les erreurs tendront à être groupées (les positives ensemble, les négatives ensemble)
- iv. Les erreurs tendront à se répartir de part et d'autre de la droite $\beta_0 + \beta_1 x$
- v. Les erreurs présentent de l'autocorrélation
- vi. Les erreurs présentent de l'hétéroscédasticité

2. Conception d'une feuille de tableur pour montrer l'effet du **manque d'intercept** sur les coefficients estimés par MCO dans un modèle linéaire à deux variables x_1, x_2 et une constante. Répondez aux questions suivantes en gardant cet objectif à l'esprit.

(a) x_1, x_2 et le terme d'erreur ϵ peuvent être générés comme

- i. Des normales standards $n(0, 1)$
- ii. Des uniformes $U(0, 1)$, c'est-à-dire : par la fonction `alea()` / `rand()`
- iii. Des constantes, mais chacune de valeur différente
- iv. x_1 peut être une constante, x_2 une uniforme et ϵ une normale $n(0, 1)$
- v. On peut d'abord générer x_1 et x_2 comme des $n(0, 1)$, ϵ peut ensuite être généré comme la somme de x_1 et d'une $n(0, 1)$

(b) Après avoir généré les variables x_1, x_2, ϵ , la variable endogène y pourrait être générée comme

- | | |
|--|---|
| i. <input type="checkbox"/> $y = 2x_1 - 3x_2 + \epsilon$ | iv. <input type="checkbox"/> $y = -2 - x_1 + \epsilon$ |
| ii. <input type="checkbox"/> $y = 1 + x_1 + 4x_2 + \epsilon$ | |
| iii. <input type="checkbox"/> $y = 3 - x_1 + 2x_2$ | v. <input type="checkbox"/> $y = 1 + x_1 + 4x_2 + \epsilon^2$ |

(c) Pour illustrer le fait que les MCO sont inconsistents ou non lorsque la constante n'est pas incluse, on pourrait :

- i. Multiplier le nombre d'échantillons, estimer $\hat{\beta}$ dans chacun d'eux et voir si la moyenne des $\hat{\beta}$ sur ces échantillons a tendance à se rapprocher de β lorsque le nombre d'échantillons croît
- ii. Multiplier le nombre d'échantillons, estimer $\hat{\sigma}^2 (X'X)^{-1}$ dans chacun d'eux et voir si la moyenne des $\hat{\sigma}^2 (X'X)^{-1}$ sur ces échantillons a tendance à diminuer lorsque le nombre d'échantillons croît
- iii. Accroître la taille de l'échantillon et voir si $\hat{\beta}$ a tendance à se rapprocher de β
- iv. Accroître la taille de l'échantillon et voir si $\hat{\sigma}^2 (X'X)^{-1}$ a tendance à se rapprocher de 0

3. Equation de salaire. Soit le modèle de capital humain $w_i = \delta X_i + \beta_2 S_i + \beta_3 E_i + \beta_4 E_i^2 + \epsilon_i$ où w est le salaire ; E est l'expérience, mesurée par $E = Age - S - 6$; S est le nombre d'année d'études ; X représente une série de variables explicatives additionnelles ; i indique les personnes.

- (a) Ce modèle présente classiquement de l'endogénéité parce que
- i. E est mesurée avec erreur
 - ii. w est mesurée avec erreur
 - iii. Des variables inobservables peuvent jouer un rôle à la fois dans S et dans w
 - iv. E est corrélée avec S
 - v. S est corrélée avec w
 - vi. Le modèle est non-linéaire

4. La non-inclusion du carré d'un régresseur pertinent peut provoquer les conséquences suivantes

- | | |
|---|---|
| (a) <input type="checkbox"/> Endogénéité | (d) <input type="checkbox"/> Baisse du R^2 |
| (b) <input type="checkbox"/> Autocorrélation | (e) <input type="checkbox"/> La non-significativité de ce même régresseur |
| (c) <input type="checkbox"/> Hétéroscédasticité | (f) <input type="checkbox"/> De l'utiliser comme instrument |

5. Soit deux modèles concurrents $y = \beta X + \epsilon$ (modèle I) et $y = \delta \ln X + \nu$ (modèle II), avec $\ln X = (1 \quad \ln x_1 \quad \dots \quad \ln x_k)$, et soit $\hat{y} = \hat{\beta}X$ et $\tilde{y} = \hat{\delta} \ln X$ les valeurs ajustées correspondantes selon MCO

- (a) Si \tilde{y} n'est pas significative dans $y = \beta X + \alpha \tilde{y} + \epsilon$ alors I est validé
- (b) Si \tilde{y} est significative dans $y = \beta X + \alpha \tilde{y} + \epsilon$ alors on ne peut conclure
- (c) Si \tilde{y} est significative dans $y = \beta X + \alpha \tilde{y} + \epsilon$ alors II est validé
- (d) Si \tilde{y} est significative dans $y = \beta X + \alpha \tilde{y} + \epsilon$ et \hat{y} est significative dans $y = \delta \ln X + \gamma \hat{y} + \nu$ alors les deux modèles sont validés
- (e) Si \tilde{y} est significative dans $y = \beta X + \alpha \tilde{y} + \epsilon$ et \hat{y} n'est pas significative dans $y = \delta \ln X + \gamma \hat{y} + \nu$ alors I est validé mais on ne peut conclure sur II
- (f) Si \tilde{y} est significative dans $y = \beta X + \alpha \tilde{y} + \epsilon$ et \hat{y} n'est pas significative dans $y = \delta \ln X + \gamma \hat{y} + \nu$ alors II est validé mais on ne peut conclure sur I

6. Les conséquences de l'hétéroscédasticité sont

- (a) $\hat{\beta}_{MCO}$ est biaisé.
- (b) $\hat{\beta}_{MCO}$ est inconsistant.
- (c) La matrice de variance-covariance de $\hat{\beta}_{MCO}$ est $\sigma^2 (X'X)^{-1}$.
- (d) Le bootstrap ne peut plus être utilisé.
- (e) Les t-stats tels que calculés par MCO peuvent être biaisés.

7. Soit le modèle conventionnel $Y = X\beta + \epsilon$ avec $var(\epsilon_i|X_i) = \sigma^2 h(X_i)$. L'estimateur moindres carrés pondérés (weighted least squares) consiste à

- (a) Diviser toutes les observations (Y_i, X_i) par $\sqrt{h(X_i)}$ et appliquer MCO.
- (b) Diviser toutes les observations (Y_i, X_i) par $h(X_i)$ et appliquer MCO.
- (c) Multiplier toutes les observations (Y_i, X_i) par $\sqrt{h(X_i)}$ et appliquer MCO.
- (d) Multiplier toutes les observations (Y_i, X_i) par $h(X_i)$ et appliquer MCO.

- (e) Calculer $\hat{\beta}_{MCG} = [X' \Psi^{-1} X]^{-1} X' \Psi^{-1} Y$ avec $\Psi = \begin{pmatrix} h_1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & h_2 & & \vdots \\ \vdots & & \ddots & \\ 0 & \dots & & h_N \end{pmatrix}$

8. Soit le modèle conventionnel $Y = X\beta + \epsilon$ avec

$$\Sigma_\epsilon = \begin{pmatrix} \sigma^2 & \rho_{12} & \dots & \rho_{1N} \\ & \sigma^2 & & \rho_{2N} \\ & & \ddots & \vdots \\ sym & & & \sigma^2 \end{pmatrix}$$

Une telle structure peut être révélatrice d'un problème

- (a) d'hétéroscédasticité.
- (b) d'autocorrélation quelconque.
- (c) d'autocorrélation AR(1).
- (d) d'endogénéité.
- (e) de simultanéité.
- (f) de spécification.

9. Considérer la régression du nombre des naissances en fonction des passages de cigognes à Copenhague dans la décennie qui suit la seconde Guerre Mondiale

$$N_t = \alpha + \beta C_t + \epsilon_t$$

- (a) La statistique t associée à $\hat{\beta}_{MCO}$ sera élevée
- (b) La régression montre une importante corrélation entre les deux variables N et C
- (c) La régression montre une relation causale de C vers N
- (d) Ce modèle présente un sérieux problème d'endogénéité dû à un régresseur manquant
- (e) Ce modèle présente un sérieux problème d'endogénéité dû à une hétérogénéité inobservée
- (f) Ce modèle présente un sérieux problème d'endogénéité dû à la simultanéité de N et C

10. Soit y une variable dichotomique et soit le MRL $y = x\beta + \epsilon$. Dans ce modèle,

- (a) β_j s'interprète comme le changement ceteris paribus en y étant donné un changement unitaire en x_j .
- (b) β_j s'interprète comme le changement ceteris paribus en la proba de succès lorsque x_j augmente d'une unité.
- (c) MCO présente toujours de l'hétéroscédasticité.
- (d) MCO présente toujours de l'autocorrélation.
- (e) MCO impose des effets marginaux constants quel que soit le niveau du régresseur.
- (f) MCO peut prédire des valeurs de y plus petites que leur minimum possible.
- (g) MCO peut prédire des effets marginaux plus grands que 1.